

CBSE Class-12 Mathematics

NCERT solution

Chapter - 3

Matrices - Exercise 3.4

Using elementary transformation, find the inverse of each of the matrices, if it exists in Exercises 1 to 6.

1. $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -2/5 & 1/5 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow \frac{1}{5}R_2]$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3/5 & 1/5 \\ -2/5 & 1/5 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 + R_2]$

$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 3/5 & 1/5 \\ -2/5 & 1/5 \end{bmatrix}$

2. $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

We know that $A = IA$

$$\therefore \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad (R_1 \rightarrow R_1 - R_2)$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} A \quad (R_2 \rightarrow R_2 - R_1)$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$

3. $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - 3R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \Rightarrow \begin{bmatrix} 7 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$$

4. $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 7 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 7 \end{bmatrix}$

$$\text{Since } A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \leftrightarrow R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & -2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -7 & 3 \\ 5 & -2 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} -7 & 3 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$$

5. $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 7 & 4 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 7 & 4 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 7 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -3 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 3R_1]$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -3 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - R_2]$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -7 & 2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - R_1]$

$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -7 & 2 \end{bmatrix}$

6. $\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \leftrightarrow R_2]$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow (-1)R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - 3R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$

Using elementary transformation, find the inverse of each of the matrices, if it exists in Exercises 7 to 14.

7. $\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 6 & 2 \\ 5 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 5 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -10 & 6 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 5R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -5 & 3 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow \frac{1}{2}R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$$

8. $\begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$

$$\text{Since } A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -3 & 4 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 3R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & -5 \\ -3 & 4 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 4 & -5 \\ -3 & 4 \end{bmatrix}$$

9. $\begin{bmatrix} 3 & 10 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 3 & 10 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$

$$\text{Since } A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 3 & 10 \\ 2 & 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 3 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & -10 \\ -2 & 3 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - 3R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 7 & -10 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$$

10. $\begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 + R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow (-1)R_1]$$

$$\Rightarrow \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -4 & 3 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 + 4R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ 2 & 3/2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow \frac{-1}{2}R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1/2 \\ 2 & 3/2 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 + R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 1/2 \\ 2 & 3/2 \end{bmatrix}$$

11. $\begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$$\Rightarrow \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & -6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \leftrightarrow R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1/2 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow \frac{-1}{2}R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ -1/2 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 + 2R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ -1/2 & 1 \end{bmatrix}$$

12. $\begin{bmatrix} 6 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 6 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 6 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1/2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/6 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow \frac{1}{6}R_1]$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1/2 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/6 & 0 \\ 1/3 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 + 2R_1]$

Here, all entries in second row of left side are zero.

$\therefore A^{-1}$ does not exist.

13. $\begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 + R_2]$

$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 + R_1]$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 + R_2]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

14. $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$

Since $A = IA \Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1/2 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow \frac{1}{2}R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1/2 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/2 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 4R_1]$$

Here, all entries in second row of left side are zero.

$\therefore A^{-1}$ does not exist.

15. $\begin{bmatrix} 2 & -3 & 3 \\ 2 & 2 & 3 \\ 3 & -2 & 2 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 & 3 \\ 2 & 2 & 3 \\ 3 & -2 & 2 \end{bmatrix}$,

We know that $A = IA$,

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & -3 & 3 \\ 2 & 2 & 3 \\ 3 & -2 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} A$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} -1 & -1 & 1 \\ 2 & 2 & 3 \\ 3 & -2 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - R_3]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 3 \\ 3 & -2 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow (-1)R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 5 \\ 0 & -5 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & -2 \\ 3 & 0 & -2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1 \text{ and } R_3 \rightarrow R_3 - 3R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & -5 & 5 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & -2 \\ 2 & 1 & -2 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \leftrightarrow R_3]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -3/5 & 0 & 2/5 \\ 2 & 1 & -2 \end{bmatrix} A \quad \left[R_2 \rightarrow \left(\frac{-1}{5} \right) R_2 \right]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2/5 & 0 & 3/5 \\ -3/5 & 0 & 2/5 \\ 2 & 1 & -2 \end{bmatrix} \text{ A } [R_1 \rightarrow R_1 - R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2/5 & 0 & 3/5 \\ -3/5 & 0 & 2/5 \\ 2/5 & 1/5 & -2/5 \end{bmatrix} \text{ A } [R_3 \rightarrow \frac{1}{5}R_3]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2/5 & 0 & 3/5 \\ -1/5 & 1/5 & 0 \\ 2/5 & 1/5 & -2/5 \end{bmatrix} \text{ A } [R_2 \rightarrow R_2 + R_3]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} -2/5 & 0 & 3/5 \\ -1/5 & 1/5 & 0 \\ 2/5 & 1/5 & -2/5 \end{bmatrix}$$

16. $\begin{bmatrix} 1 & 3 & -2 \\ -3 & 0 & -5 \\ 2 & 5 & 0 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & -2 \\ -3 & 0 & -5 \\ 2 & 5 & 0 \end{bmatrix}$,

Since, $A = IA$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 & -2 \\ -3 & 0 & -5 \\ 2 & 5 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} A$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 0 & 9 & -11 \\ 0 & -1 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 3 & 1 & 0 \\ -2 & 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 + 3R_1 \text{ and } R_3 \rightarrow R_3 - 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 0 & -1 & 4 \\ 0 & 9 & -11 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & 0 & 1 \\ 3 & 1 & 0 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \leftrightarrow R_3]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 0 & 1 & -4 \\ 0 & 9 & -11 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & 1 & 0 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow (-1)R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 10 \\ 0 & 1 & -4 \\ 0 & 0 & 25 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & -1 \\ -15 & 1 & 9 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - 3R_2 \text{ and } R_3 \rightarrow R_3 - 9R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 10 \\ 0 & 1 & -4 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & -1 \\ -3/5 & 1/25 & 9/25 \end{bmatrix} A \quad [R_3 \rightarrow \frac{1}{25}R_3]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -\frac{2}{5} & -\frac{3}{5} \\ -\frac{2}{5} & \frac{4}{25} & \frac{11}{25} \\ -\frac{3}{5} & \frac{1}{25} & \frac{9}{25} \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - 10R_3 \text{ and } R_2 \rightarrow R_2 + 4R_3]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -2/25 & -3/25 \\ -2/25 & 4/25 & 11/25 \\ -3/25 & 1/25 & 9/25 \end{bmatrix}$$

17. $\begin{bmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 5 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$

Ans. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 5 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$,

Since, $A = IA$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 5 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} A$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \leftrightarrow R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & -2 & -5 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 0 \\ 5 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \rightarrow R_2 - 2R_1]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & -2 & -5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 5 & -2 & 0 \end{bmatrix} A \quad [R_2 \leftrightarrow R_3]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 5 & -2 & 2 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 - R_2 \text{ and } R_3 \rightarrow R_3 + 2R_2]$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 1 \\ -15 & 6 & -5 \\ 5 & -2 & 2 \end{bmatrix} A \quad [R_1 \rightarrow R_1 + R_3 \text{ and } R_2 \rightarrow R_2 - 3R_3]$$

$$\therefore A^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 1 \\ -15 & 6 & -5 \\ 5 & -2 & 2 \end{bmatrix}$$

18. Matrices A and B will be inverse of each other only if:

(A) $AB = BA$

(B) $AB = BA = 0$

(C) $AB = 0, BA = I$

(D) $AB = BA = I$

Ans. By definition of inverse of square matrix,

Option (D) is correct.